



## ارایهٔ یک حملهٔ متن اصلی معلوم<sup>۱</sup> به مولدهای شبه تصادفی آشوبی<sup>۲</sup>

محمد دخیل علیان	محمد رضا عارف	بابک صادقیان
دانشگاه صنعتی اصفهان	دانشگاه صنعتی شریف	دانشگاه صنعتی امیر کبیر
دانشکدهٔ برق و کامپیوتر	دانشکدهٔ برق	دانشکدهٔ کامپیوتر
تلفن: ۰۲۱۸۹۱۲۲۵۰	تلفن: ۰۲۱۸۹۱۲۱۱۲	تلفن: ۰۲۱۶۱۳۹۴۳۳
Md-alian@iut.ac.ir	Aref@awww.dci.co.ir	Basadegh@ce.aku.ac.ir

چکیده: رفتار تصادف‌گونه و نامنظم دنباله‌های تولید شده توسط نگاشتهای آشوبی جهت تولید کلید اجرایی در یک سیستم رمز پی‌دیس مورد بررسی قرار گرفته و اخیراً مولدهایی بر این اساس مطرح شده‌اند [۱] در این مقاله با توجه روشهای ارایه شده در [۱] و در حالت خاصی که از هر مؤلفه دنبالهٔ تولید شده توسط نگاشت یک بیت استخراج شده و حالت اولیهٔ نگاشت به عنوان کلید مورد در نظر گرفته شده باشد، یک حمله از نوع متن اصلی معلوم ارایه می‌شود. حمله ارایه شده قابل اعمال به نگاشتهای یک بعدی است که در این مقاله تنها نگاشت مثلثی مورد تحلیل قرار گرفته است. نتایج این حمله نشان می‌دهد دنباله‌های کلید اجرایی که بینهای آن از ارقام با وزن کمتر خروجی نگاشتها حاصل شده باشند از امنیت بالاتری نیز برخوردار می‌باشند.

کلمات کلیدی: آشوب، دنباله‌های شبه تصادفی، سیستمهای رمز پی‌دیس، متغیرهای تصادفی.

### ۱- مقدمه

آشوب در سیستمهای با معادلات غیرخطی در حالتهای یک بعدی و چند بعدی بروز می‌کند و غیرخطی بودن یک شرط لازم برای ظهور این رفتار در سیستمها می‌باشد [۲]-[۳]. در [۱] جهت تولید دنباله‌های کلید اجرایی از سیستمهایی با معادلات دیفرانس<sup>۳</sup> که توسط نگاشتهایی به صورت (۱) قابل بیان هستند:

$$x_{n+1} = g(x_n) \quad (1)$$

$g(\cdot)$  یک نگاشت غیرخطی است و  $x_n$  نیز در حالت کلی می‌تواند یک بردار باشد. از آنجا که پیاده‌سازی نگاشتهای یک بعدی ساده بوده و ثاباً رفتار آنها به قدر کافی پیچیده می‌باشد، بدین جهت این نگاشتها برای هدف مورد نظر انتخاب گردیدند. نگاشتهایی که در این مقاله مورد بررسی قرار می‌گیرند، نگاشتهایی هستند که روی یک ناحیه پیوسته

1 - Known plain text

2 - Chaotic

3 - Difference

محدود از اعداد حقیقی دارای رفتار آشوبی می‌باشند. فرض کنید دنباله اعداد  $x_0, x_1, x_2, \dots, x_n$  توسط نگاشت (۱) بدست آمده باشد که در این دنباله  $x_i$  برابر  $x_i = g(g(\dots g(x_0)\dots))$  می‌باشد

تحت شرایط خاصی رفتار دنباله مورد نظر نامنظم و اصطلاحاً آشوبی خواهد شد. از جمله این شرایط حساسیت نسبت به حالت اولیه، تراکدار توپولوژیکی<sup>۱</sup> بودن و چگال<sup>۲</sup> بودن نقاط تناوبی در ناحیه تعریف می‌باشد (۳) و (۴).

## ۲- جمله متن اصلی معلوم به دنباله کلید اجرایی

امتیاز یک دنباله کلید اجرایی وابسته به میزان سختی دستیابی به کلید اصلی مولد می‌باشد. در این بخش فرض می‌کنیم دنباله‌ای از متن رمز شده و متن اصلی متناظر با آن در اختیار باشد. این فرض معادل داشتن دنباله‌ای از کلید اجرایی با طول محدود می‌باشد. لذا سعی خواهیم نمود یا داشتن طول محدودی از دنباله کلید اجرایی (دنباله پایتری تولید شده توسط نگاشت آشوبی) به کلید اصلی سیستم دست پیدا کنیم. فرض ما در این حمله بر این اساس می‌باشد که از هر مؤلفه دنباله تولید شده توسط نگاشت  $g(x)$  تنها یک بیت استخراج شده باشد و حالت اولیه نگاشت به عنوان کلید اصلی مورد نظر مخفی باشد. در این حالت اگر  $x_i$  مؤلفه لام دنباله  $x_0, x_1, x_2, \dots, x_n$  (دنباله‌ای با اعداد اعشاری بین صفر و یک در مبنای  $a$ ) باشد در این صورت بیت لام دنباله کلید اجرایی  $(s_0, s_1, \dots)$  به صورت زیر بدست می‌آید [۱]:

$$s_i = \left[ 2a^{l-1} x_i \right] \bmod 2, \quad l=1, 2, \dots, \quad i=0, 1, 2, \dots \quad (2)$$

[۱] نشان دهنده جزء صحیح می‌باشد.

در [۱] نشان داده شده است که خواص آماری چنین دنباله‌هایی، خصوصاً هنگامی که بیت مربوطه از رقم یا وزن کمتر مؤلفه‌های دنباله آشوبی استخراج شده باشد بسیار مطلوب می‌باشد. علاوه بر این اگر حداکثر تعداد بیت استخراج شده از هر مؤلفه کمتر یا مساوی نمای لیاپانف (یا در نظر گرفتن لگاریتم مبنای ۲) نگاشت باشد، اطلاعات متقابل میان بینهای دنباله حداقل خواهد شد. در این مقاله نشان می‌دهیم هنگامیکه دقت محاسبات در پیاده سازی محدود باشد، دستیابی به کلید اصلی مولد (حالت اولیه) امکان پذیر می‌باشد.

## ۳- روند نمای اجرای حمله

حالت اولیه نگاشت را در فاصله  $(0, 1)$  در نظر می‌گیریم. بنابراین این سعی بر این است که با داشتن دنباله پایتری  $b_0, b_1, \dots, b_n$  حالت اولیه نگاشت  $(x_0)$  را بدست آوریم. ابتدا ساده‌ترین حالت را در نظر می‌گیریم. فرض کنید، دنباله پایتری از رابطه (۲) و به ازای  $l=1$  بدست آمده باشد. یعنی:

$$b_i = \left[ 2x_i \right] \bmod 2, \quad i=0, 1, 2, \dots, n \quad (3)$$

بنابر این با مشاهده  $b_n$  می‌توان محدوده‌ای که  $x_n$  در آن قرار دارد را به صورت زیر بدست آورد:

$$\frac{b_n}{2} \leq x_n < \frac{b_n+1}{2} \quad (4)$$

با مشاهده  $b_{n-1}$  محدوده‌ای مشابه با (۴) برای  $x_{n-1}$  نیز وجود دارد، اما با توجه به اینکه  $x_n$  باید حتما در محدوده بیان شده (۴) قرار گیرد، بخشی از این فاصله نمی‌تواند قابل قبول باشد و بنابر این محدوده تعیین شده برای  $x_{n-1}$  محدودتر از (۴) می‌گردد. با مشاهده بینهای دیگر می‌توان محدوده‌های کوچکتری را برای  $x_{n-2}$  و... تعیین نمود. سرانجام پس از تعداد متناهی از دنباله باینری مورد نظر، کرانهای سمت راست و چپ محدوده مورد نظر یکسان (همگرا) می‌شود. به عبارت دیگر حالت نگاشت مشخص می‌گردد.

هنگامیکه مقدار  $l$  بزرگتر از یک باشد، با مشاهده آخرین بیت دنباله  $(\hat{b}_n)$  و با توجه به رابطه (۲) چندین محدوده برای  $x_n$  وجود خواهد داشت. اگر  $b_n = 0$  باشد نتیجه می‌گیریم که  $x_n$  می‌تواند در محدوده‌های زیر قرار گیرد:

$$0 < x_n < 0.5a^{l-1} \vee a^{l-1} \leq x_n < 1.5a^{l-1} \vee \dots \vee 1 - a^{l-1} \leq x_n < 1 - 0.5a^{l-1} \quad (5)$$

و اگر  $b_n = 1$  باشد، این محدوده‌ها به صورت زیر می‌باشند:

$$0.5a^{l-1} \leq x_n < a^{l-1} \vee 1.5a^{l-1} \leq x_n < 2a^{l-1} \vee \dots \vee 1 - 0.5a^{l-1} \leq x_n < 1 \quad (6)$$

بنابر این  $a^{l-1}$  محدوده، برای  $x_n$  وجود خواهد داشت. پس از آن با مشاهده محدوده‌های مشابهی برای  $x_{n-1}$  می‌توان در نظر گرفت ولی با توجه به محدوده‌هایی که برای  $x_n$  تعیین شده است، بخشی از فواصل نمی‌تواند قابل قبول باشد و عملاً فواصل مورد نظر برای  $x_{n-1}$  محدودتر از فواصل مذکور در (۵) و (۶) می‌باشد. چگونگی محدودتر شدن فواصل توسط نگاشت، تعیین می‌گردد. در این روش پس از مشاهده بینهای  $b_n, b_{n-1}, \dots$  سرانجام فواصل تعیین شده به سمت یک نقطه همگرا می‌شوند، و بنابر این در نهایت  $a^{l-1}$  نقطه به عنوان جواب وجود خواهد داشت که حداقل یکی از آنها حالت اولیه نگاشت خواهد بود.

بطور کلی برای دستیابی به کلید می‌توان روند نمای مشخص شده در شکل (۱) را در نظر گرفت. برای انجام حمله مورد نظر فرض بر این است که بینهای  $b_0, b_1, \dots, b_n$  در اختیار می‌باشند. بنابر این ابتدا فاصله  $[0, 1]$  را به  $a^{l-1}$  زیر فاصله مساوی تقسیم می‌کنیم. پس از آن در یک روش تکراری بینها را یکی یکی از انتهای دنباله در نظر گرفته و محدوده مؤلفه‌ای که آن بیت را تولید نموده است را مشخص می‌کنیم. در بعضی حالات ممکن است برای تعیین محدوده  $x_i$  توسط  $b_i$  و محدوده  $x_{i+1}$  ابهام وجود داشته باشد. به عبارت دیگر با داشتن  $b_i$  نتوان محدوده جدیدی برای  $x_i$  تعیین نمود. در چنین حالتی استفاده از بینهای بعدی یعنی  $b_{i-1}, b_{i-2}, \dots$  می‌تواند مؤثر واقع شود. با تعیین فواصل مشخص شده برای  $x_i$  در هر مرحله و محدود شدن و نهایتاً همگرا شدن آنها به سمت  $a^{l-1}$  نقطه، حالت اولیه نگاشت قابل تعیین می‌باشد. در انتها تعداد  $a^{l-1}$  جواب (نه لزوماً متفاوت) بدست می‌آید که باید بررسی نمود که کدام جواب قابل قبول هستند. برای این منظور، می‌توان با قراردادن یک یک جوابها در الگوریتم تولید دنباله باینری، بررسی نمود که آیا علاوه بر تولید بینهای  $b_0, b_1, \dots, b_n$  بینهای  $b_{n+1}, b_{n+2}, \dots$  نیز با دنباله باینری کلید اجرایی برابر هستند یا خیر. در صورت تطابق کامل میان دنباله کلید اجرایی و دنباله باینری تولید شده، جواب مورد آزمایش بعنوان حالت اولیه انتخاب خواهد شد و در غیر این صورت از آن صرف نظر می‌شود. در بخش بعد چگونگی اعمال این حمله به

دنباله‌های تولید شده توسط نگاشت مثلثی مورد بررسی قرار می‌گیرد. در مورد نگاشتهای دیگر نیز این حمله قابل استفاده می‌باشد [۱].

#### ۲- نگاشت مثلثی

ابتدا دنباله باینری تولید شده توسط نگاشت مثلثی را مورد بررسی قرار داده و سعی خواهیم نمود جزئیات یافتن حالت اولیه این نگاشت را بیان کنیم. نگاشت مثلثی را به صورت زیر در نظر می‌گیریم:

$$g(x) = \begin{cases} cx & 0 \leq x < 0.5 \\ c(1-x) & 0.5 \leq x < 1 \end{cases}, \quad c = 2 - \varepsilon \quad (7)$$

( $\varepsilon$  مقدار بسیار کوچک در حد دقت محاسبات می‌باشد)

ابتدا به ازای  $l=1$  مسأله را مورد تحلیل قرار می‌دهیم. برای  $x_n$  کلیه مقادیر در فاصله  $(0,1)$  می‌تواند بعنوان جواب در نظر گرفته شود ولی با ملاحظه  $b_n$  این فاصله به صورت رابطه (۴) محدود می‌شود و در واقع نیمی از حالات ممکن کنار گذاشته می‌شود. اگر فرض کنیم  $b_{n-1} = 0$  باشد بنابراین  $x_{n-1}$  در محدوده  $[0, 0.5]$  قرار داشته است و لزوماً  $x_n$  از رابطه  $x_n = cx_{n-1}$  باید بدست آمده باشد، بنابراین:

$$\frac{b_n}{2} \leq cx_{n-1} \leq \frac{b_n+1}{2} \Rightarrow \frac{b_n}{2c} \leq x_{n-1} \leq \frac{b_n+1}{2c} \quad (8)$$

اگر  $b_{n-1} = 1$  باشد بنا بر این  $x_{n-1}$  در محدوده  $[0.5, 1]$  قرار داشته و لزوماً از رابطه  $x_n = c(1-x_{n-1})$  بدست آمده است، بنا بر این  $x_{n-1}$  باید در محدوده زیر واقع شود:

$$\frac{b_n}{2} \leq c(1-x_{n-1}) \leq \frac{b_n+1}{2} \Rightarrow 1 - \frac{b_n+1}{2c} \leq x_{n-1} \leq 1 - \frac{b_n}{2c} \quad (9)$$

با فرض  $b_{n-1} = 0$ ، اگر  $b_{n-2} = 0$  باشد، محدوده  $x_{n-2}$  بصورت زیر بدست می‌آید:

$$\frac{b_n}{2c} \leq cx_{n-2} \leq \frac{b_n+1}{2c} \Rightarrow \frac{b_n}{2c^2} \leq x_{n-2} \leq \frac{b_n+1}{2c^2} \quad (10)$$

و اگر  $b_{n-2} = 1$  باشد محدوده  $x_{n-2}$  به صورت (۱۱) بدست می‌آید:

$$\frac{b_n}{2} \leq c(1-x_{n-2}) \leq \frac{b_n+1}{2} \Rightarrow 1 - \frac{b_n+1}{2c} \leq x_{n-2} \leq 1 - \frac{b_n}{2c} \quad (11)$$

بظور کلی اگر در مرحله مشاهده  $b_{n-i}$ ، محدوده تعیین شده برای  $x_{n-i+1}$  به صورت  $A \leq x_{n-i+1} \leq B$

باشد، در این صورت محدوده  $x_{n-i}$  به ازای  $b_{n-i} = 0$  و  $b_{n-i} = 1$  به ترتیب برابر (۱۲) و (۱۳) خواهد شد.

$$A \leq cx_{n-i+1} \leq B \Rightarrow \frac{A}{c} \leq x_{n-i} \leq \frac{B}{c} \quad (12)$$

$$A \leq c(1-x_{n-i+1}) \leq B \Rightarrow 1 - \frac{B}{c} \leq x_{n-i} \leq 1 - \frac{A}{c} \quad (13)$$

خواهد شد. بنا بر این اگر طول فاصله تعیین شده در مرحله  $i-1$  برابر  $B-A$  باشد، طول فاصله تعیین شده در مرحله  $i$ م برابر  $\frac{B-A}{c}$  خواهد شد. به عبارت دیگر کران سمت چپ و راست محدوده‌ها در هر مرحله به یکدیگر نزدیک شده و نهایتاً به سمت یک نقطه همگرا می‌شوند. بطور کلی پس از بررسی بیت  $b_{n-i}$  طول فاصله تعیین شده برای  $x_{n-1}$  برابر  $\frac{1}{2c^i}$  خواهد شد. بنا بر این با توجه به محدود بودن دقت محاسبات اگر طول دنباله باینری مورد تحلیل  $(n+1)$  از حدی بزرگتر باشد، به حالت اولیه دنباله خواهیم رسید. اگر مؤلفه‌های نگاشت بصورت اعداد اعشاری

در مبنای  $a$  با دقت  $r$  رقم اعشار باشند در این صورت :

$$\frac{1}{2c^n} < a^{-r} \Rightarrow n > \frac{r - \log_a 2}{\log_a c} \quad (14)$$

به عنوان نمونه اگر مؤلفه‌های دنباله آشوبی با دقت بیست رقم اعشار در مبنای ده حاصل شده باشد، با توجه به (14) و مقدار  $c = 2 - \varepsilon$  با داشتن تنها 66 بیت از دنباله کلید اجرایی می‌توان به حالت اولیه دست یافت.

حال اگر  $l > 1$  باشد، ابتدا برای  $x_n$  کلیه مفادیر در فاصله  $[0, 1]$  می‌تواند به عنوان جواب در نظر گرفته شود ولی با ملاحظه  $b_n$  این فاصله به  $a^{l-1}$  فاصله نظیر (5) و (6) محدود می‌شود، به عبارت دیگر نیمی از حالات ممکن در فواصل مختلف کنار گذاشته می‌شود. با مشاهده  $b_{n-1}$  باید محدوده‌های مجاز برای  $x_{n-1}$  را بدست آورد. برای این منظور یک فواصل بدست آمده برای  $x_n$  را باید با توجه به  $b_{n-1}$  مورد بررسی قرار داد. به عنوان نمونه اگر  $x_n$  در محدوده  $\frac{t}{2}a^{l-1} < x_n < \frac{(t+1)}{2}a^{l-1}$  قرار گرفته باشد، دو محدوده برای  $x_{n-1}$  وجود دارد تا در تکرار بعدی به این فاصله ختم شود. این دو محدوده عبارتند از :

$$\frac{t}{2}a^{l-1} < cx_{n-1} < \frac{(t+1)}{2}a^{l-1} \Rightarrow \frac{t}{2c}a^{l-1} < x_{n-1} < \frac{(t+1)}{2c}a^{l-1} \quad (15)$$

$$\frac{t}{2}a^{l-1} < c(1-x_{n-1}) < \frac{(t+1)}{2}a^{l-1} \Rightarrow 1 - \frac{(t+1)}{2c}a^{l-1} < x_{n-1} < 1 - \frac{t}{2c}a^{l-1} \quad (16)$$

حال با توجه به مقدار  $b_{n-1}$  که توسط رابطه  $2a^{l-1}x_{n-1} \bmod 2$  بدست می‌آید، محدوده یا محدوده‌هایی از فواصل (15) و (16) که با  $b_{n-1}$  تعارض ندارند را انتخاب می‌نماییم. به عنوان نمونه اگر  $c$  برابر 2 باشد، یکی از دو محدوده (6-35) یا (6-36) برای  $x_{n-1}$  قابل قبول خواهد بود، زیرا در دو محدوده مذکور اگر یکی  $b_{n-1} = 0$  را تولید کند، محدوده دیگر  $b_{n-1} = 1$  را تولید خواهد نمود. بنابراین با این فرض در هر مرحله تعداد فاصله‌ها همان  $a^{l-1}$  فاصله باقی خواهد ماند. در هر مرحله از مرحله‌های اجرای الگوریتم فواصل بدست آمده نسبت به فواصل قبلی دارای طول کمتری بوده و سرانجام کرانه‌های سمت راست و چپ نقاط به سمت یک عدد همگرا می‌گردد و حداقل یکی از جوابهای بدست آمده حالت اولیه مورد نظر خواهد بود. جدول (1) نتایج بدست آمده از یک دنباله نمونه با حالت اولیه  $x_0 = 0.513468121385319$  را نشان می‌دهد. از آنجا که  $l=2$  و  $a=10$  بوده است، نتایج داده جواب بدست آمده است که  $x_0$  یکی از آنها می‌باشد.

جدول 1: نتایج حاصل از اجرای الگوریتم حمله جهت دستیابی به حالت اولیه نگاشت منحنی به ازای  $c = 2 - 10^{-18}$  و دنباله معلوم  $B^{64}$

$$B^{64} = 0110001111000011001001010001101010010011001010111110011010101001$$

$x_0^1 = 0.248459897700756$	$x_0^6 = 0.14433491876794$
$x_0^2 = 0.8021122611340109$	$x_0^7 = 0.724613973713210$
$x_0^3 = 0.0401950441927839$	$x_0^8 = 0.433075170533277$
$x_0^4 = 0.909232509214003$	$x_0^9 = 0.617494463269499$
$x_0^5 = 0.328839583875101$	$x_0^{10} = 0.513468121385319$

آنچه مشخص است، این می‌باشد که با افزایش  $l$  تعداد محدوده‌های مورد نظر به صورت نمایی ( $a^{l-1}$ ) افزایش می‌یابد و بنابراین حجم حافظه مورد نیاز (متناسب با  $a^{l-1}$ ) افزایش می‌یابد. علاوه بر این حجم محاسبات نیز به صورت نمایی یعنی متناسب  $a^{l-1}$  افزایش می‌یابد. البته با توجه به کوچک شدن طول فاصله‌ها به نسبت  $\frac{1}{c}$  طول دنباله باینری مورد نیاز کاهش می‌یابد، مشابه با رابطه (۱۴) می‌توان طول دنباله را بصورت زیر بدست آورد:

$$\frac{a^{l-1}}{2c^n} < a^{-r} \Rightarrow n > \frac{r+1-l+\log_a 2}{\log_2 c}, \quad c = 2 - \varepsilon \quad (17)$$

بنابر این طول دنباله مورد نیاز برای بدست آوردن حالت اولیه به صورت خطی با افزایش  $l$  کاهش می‌یابد. اگر نگاشت مثلثی را بصورت رابطه (۱۸) مورد استفاده قرار دهیم، به ازای  $l=1$  براحتی می‌توان حالت اولیه دنباله را پیدا نمود

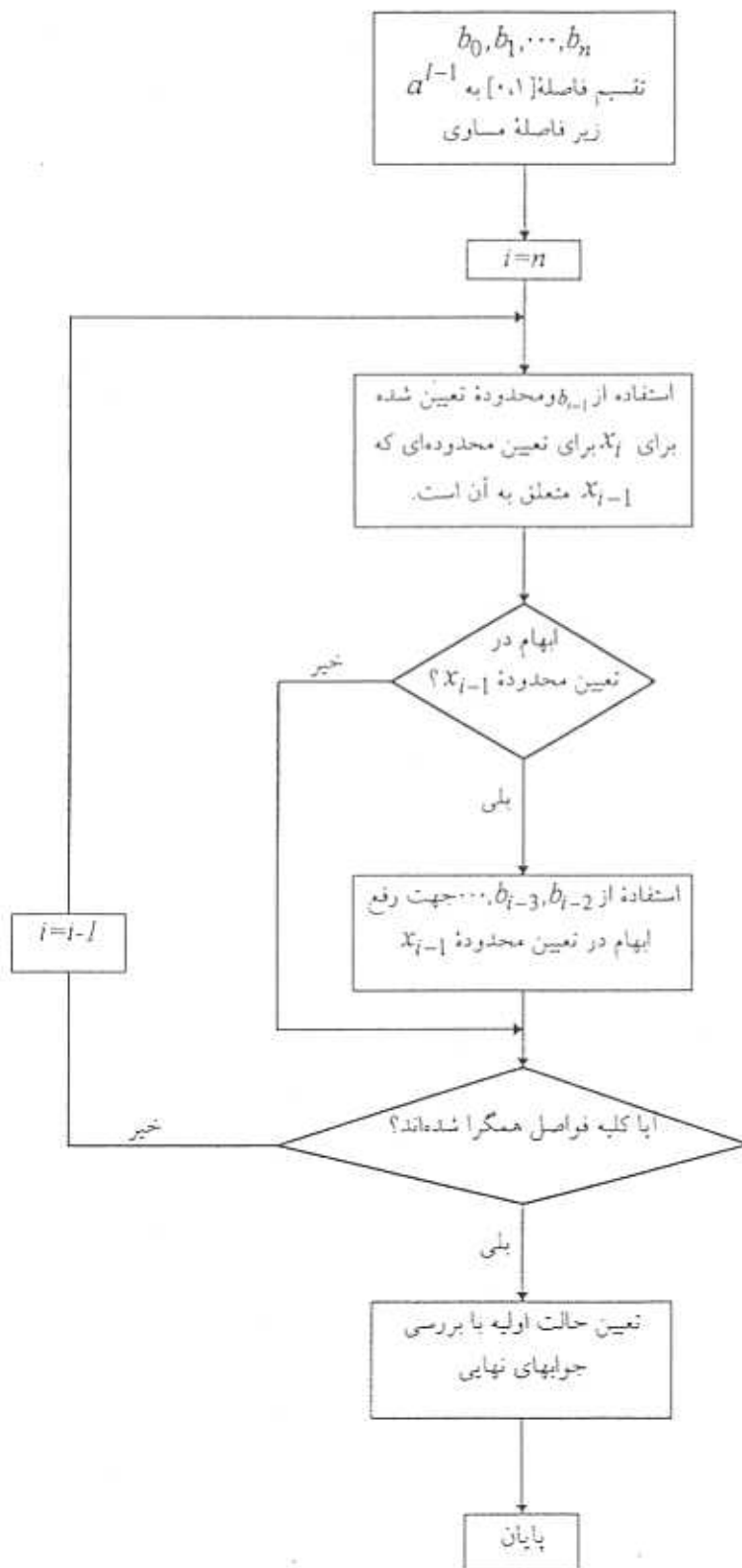
$$g(x) = \begin{cases} \frac{x}{c} & 0 < x < c \\ \frac{1-x}{1-c} & c \leq x < 1 \end{cases}, \quad c = 0.5 - \varepsilon \quad (18)$$

( $\varepsilon$  مقدار بسیار کوچکی حوالی دقت محاسبات می‌باشد)

به ازای  $c=l$  نگاشت (۱۸) همان نگاشت (۱۷) با  $z=2$  خواهد شد. در حالتی که  $c = 0.5 - \varepsilon$  باشد، بطور مشابه می‌توان از الگوریتم حمله با  $z=1$  استفاده نمود. متناهی بخاطر عدم تقارن اندک در نگاشت، به ازای برخی حالت‌های اولیه که نهایتاً به فاصله  $(0.5, 0.5 + \varepsilon)$  ختم می‌شوند، الگوریتم همگرا نمی‌گردد. علت این امر نیز بخاطر این است که در روش بیان شده تقارن نگاشت (۱۷) به نوعی لحاظ شده است، بنابر این در اجرای الگوریتم بواسطه اینکه در فاصله  $(0.5, 0.5 + \varepsilon)$  رفتار در نگاشت متفاوت است، لذا اگر حالت نگاشت به این فاصله ختم شود، عملاً در تکرارهای بعدی، حالت نگاشت ممکن است کم شود. جدول (۲) و (۳) نتایج نهایی بدست آمده از دو دنباله نمونه با حائنه‌های اولیه  $x_{0,1} = 0.513468121385319$  و  $x_{0,2} = 0.5 + 10^{-18}$  که توسط نگاشت مثلثی (۱۸) بدست آمده را نشان می‌دهد. همانطور که از جدول (۲) ملاحظه می‌گردد، جوابهای بدست آمده شامل حالت اولیه نیز می‌باشند در حالی که جدول (۳) نشان می‌دهد که بازای حالت اولیه  $x_0 = 0.5 + \varepsilon$  هیچیک از جوابهای نهایی برابر  $x_{0,2}$  نیست.

جدول ۲: نتایج حاصل از اجرای الگوریتم حمله جهت دستیابی به حالت اولیه نگاشت مثلثی (۱۸) به ازای  $c = 0.5 - 10^{-18}$  و حالت اولیه  $x_{0,1}$  و  $l=2$ ،  $a=10$ ،  $n=70$

$x_0^1 = 0.0433075170533277$	$x_0^6 = 0.909232509214003$
$x_0^2 = 0.328839583875101$	$x_0^7 = 0.6174944632269499$
$x_0^3 = 0.724613973713210$	$x_0^8 = 0.0401950441927839$
$x_0^4 = 0.144433491876794$	$x_0^9 = 0.513468121385319$
$x_0^5 = 0.248459897700756$	$x_0^{10} = 0.802112611340109$



شکل (۱): روند نمای دستیابی به حالت اولیه نگاشت آشوبی.

جدول ۳: نتایج حاصل از اجرای الگوریتم حمله جهت دستیابی به حالت اولیه نگاشت مثلثی (۱۸) به ازای  $c = 0.5 - 10^{-18}$  و حالت اولیه  $x_0, l=2, a=10, n=70$

$x_0^1 = 0.0$	$x_0^6 = 0.947368421052632$
$x_0^2 = 0.210526315789474$	$x_0^7 = 0.736842105263158$
$x_0^3 = 0.421052631578947$	$x_0^8 = 0.523157894736840$
$x_0^4 = 0.631578947368421$	$x_0^9 = 0.315789473684211$
$x_0^5 = 0.842105263115789$	$x_0^{10} = 0.10526315789473$

### ۵- خلاصه و نتیجه گیری

در بررسی و ارزیابی دنباله‌های باپتری تولید شده توسط نگاشت‌های آشوبی و میزان سخنی دستیابی به کلید اصلی مولد، با توجه به اینکه در عمل دقت محاسبات محدود می‌باشد می‌توان در حالت‌های خاص به کلید مولد دست یافت. در این راستا یک روندنمای کنی برای اجرای حمله‌ای از نوع حمله متن اصلی معلوم ادامه گردید که قابل اعمال به دنباله‌های تولید شده توسط نگاشت‌های آشوبی می‌باشد. در این راستا چگونگی اعمال این حمله به دنباله‌های تولید شده توسط نگاشت مثلثی بیان گردید و نشان داده شد از بین‌های استخراج شده از ارقام با وزن بالا به سادگی می‌توان به کلید اصلی (حالت اولیه نگاشت) دست یافت استفاده از ارقام با وزن کم مؤلفه‌ها از این جهت که دستیابی به کلید را نیز مشکل‌تر می‌سازند، مناسب می‌باشند. در الگوریتم ارائه شده برای دستیابی به کلید اصلی مولد، در بسیاری اوقات بیش از یکی از جواب‌های نهایی برابر کلید اصلی (حالت اولیه) می‌گردد و گاهی اوقات نیز بواسطه محدودیت دقت محاسبات، حالت اولیه نگاشت با تقریب بسیار خوبی به جواب نزدیک می‌باشد (در حد خطای محاسبات).

در حمله ارائه شده جهت دستیابی به حالت اولیه نگاشت، حالت ساده‌ای که تنها یک بیت از هر مؤلفه استخراج شود، در نظر گرفته شده است بنابراین برای پیچیده کردن ساختار می‌توان از تعدادی ارقام با کمترین وزن هر مؤلفه بیت یا بین‌های مورد نظر را با اعمال توابع غیرخطی بدست آورد [۱]، در چنین حالت‌هایی با توجه به ویژگی حساسیت نگاشت‌ها به حالت اولیه، دستیابی به کلید اصلی بسیار مشکل‌تر خواهد گردید.

### ۶- مراجع

[۱] محمد دخیل‌علیان "ارزیابی دنباله‌های شبه تصادفی و طراحی مولدهای آشوبی"، دانشگاه صنعتی اصفهان، دانشکده برق و کامپیوتر، رساله دکتری، آبان ۱۳۷۷.

[2] Hao Bai-Lin, CHAOS II, Word Scientific Pub. Co. Singapore, 1990.

[3] Devaney R.L., An Introduction to Chaotic Dynamically Systems, Second Editon, Addison Wesley, 1989.

[4] Schuster H.G., Deterministic Chaos, Third augmented edition, Weiheim, New York, VCH, 1995.