

# بررسی و شبیه‌سازی کدهای کانولوشن به منظور بکارگیری در یک ارتباط رادیویی تصویر و فرمان

مهرداد حاجیوندی محمد نیل علیان

دانشکده برق، دانشگاه صنعتی امیرکبیر  
دانشکده برق و کامپیوتر، دانشگاه صنعتی اصفهان  
معاونت جهاد خودکفایی نهادها - دانشگاه تربیت مدرس

**چکیده:** یکی از راههای مقابله با نویزهای موجود در کانال، بکارگیری کدهای کنترل خطاطبه دو گروه عمده تقسیم می‌شوند که کدهای کانولوشن یکی از آنهاست. در مقاله حاضر ساختارهای مختلف کدهای کانولوشن مورد بررسی قرار گرفته است. این بررسی به منظور استفاده این نوع کدینگ در یک سیستم ارتباط رادیویی مربوط به اطلاعات تصویری و فرمان انجام گرفته است. به منظور بررسی عملکرد روش‌های کدینگ انتخاب شده برای هر یک از کانال‌های تصویر و فرمان، کدهای مربوط به صورت نرم افزاری شبیه‌سازی شده‌اند. یکی از مسائل مهم در بررسی عملکرد روش‌های شبیه‌سازی شده، تخمین خطاطبهای سیارکوچک است که توسط روش "نمونه برداری براساس اهمیت" (*Importance sampling*) انجام گرفته است. در خاتمه تابع حاصل شده از شبیه‌سازی ارائه و کدهای مناسب برای دو کانال تصویر و فرمان پیشنهاد نشده است.

## ۱- مقدمه

یکی از مشکلات عمده در ارسال اطلاعات از طریق کانال‌ها، اثرات مخرب نویز است که باعث کاهش کیفیت اطلاعات ارسالی می‌شود. ازویزگیهای مهم اطلاعات دیجیتالی، بازیابی اطلاعات خراب شده توسط اغتشاشات کانال است که این امر بار و شهای مختلف کدینگ کانال میسر می‌گردد. شانون اویلین کسی بود که نظری کدینگ را مطرح کرد، وی در سال ۱۹۴۸ اثبات نمود که اگر سرعت ارسال اطلاعات متبوع از ظرفیت کانال کمتر شود، انتقال اطلاعات از طریق کانال نویزی، با احتمال خطای کوچک دلخواه، امکان پذیر خواهد بود /۱۴/. از سال ۱۹۵۰ به بعد کارهای زیادی در زمینه ایجاد روش‌های کدینگ به منظور کنترل خطاطبه دارند و تا اوخردهه ۶۰ میلادی ساختارهای زیادی از این کدها، ابداع و معرفی شدند. پس از آن تابه امروز نیز کارهای وسیعی در این زمینه صورت گرفته است. با این وجود هنوز سرعت ارسال اطلاعات با ظرفیت واقعی کانال‌ها فاصله زیادی دارد.

کدهای کنترل خطاطبه دو گروه بزرگ کدهای بلوکی و کدهای کانولوشن جای می‌گیرند که هر یکی دارای ساختار و پیزگیهای مخصوص به خود بوده و از لحاظ نظری نیز دارای اختلاف زیادی هستند. ایده کدهای کانولوشن، اویلین بار در سال ۱۹۵۵ توسط Elias به عنوان بخش دیگری از کدهای بلوکی معرفی شد. متعاقب آن نیز Wozencraft شما بی از یک کدگشایی مؤثر به صورت پی در پی<sup>۱</sup> را پیشنهاد کرد. بعد ها توسط اشخاصی نظریer Zigongirov, Jelinek, Reiffen, Fano<sup>۲</sup> آلگوریتمهای پی در پی توسعه یافت و اصلاحات لازم بر روی آن انجام گرفت. در سال ۱۹۶۳ براساس کارهای انجام گرفته توسط Wozencraft و Reiffen<sup>۳</sup>، آلگوریتم خویش را - که

1- Decoding  
2- Sequential

مبتنی بر جستجوی مسیر واحد اکثر شباهت<sup>۱</sup> از میان ساختار درختی کد بود- ارائه کرد. چند سال بعد، با کارهای انجام گرفته توسط *Zigongirov, Selinek*<sup>۲</sup>، آلگوریتم "پشته"<sup>۳</sup> ابداع گردید. در سال ۱۹۶۳ نیز *Massey*<sup>۴</sup> روش کدگشایی "منطق اکثریت" که دارای عملکرد پابین تری نسبت به روش‌های پی در پی بود را پیشنهاد کرد. بواسطه سادگی این روش، بزودی این ساختارها در کانالهای سیمی و رادیویی مورد بهره برداری قرار گرفت. در پی آن روش کدگشایی "حد اکثر شباهت" را مطرح کرد که از لحاظ پیاده‌سازی ساده بود و به حافظه کد کننده کمی نیاز داشت. این آلگوریتم که همواره مسیر واحد اکثر شباهت را در میان دیگر آن شبکه کد بر می‌گزیند<sup>۵</sup>/۱۰۱ به آلگوریتم ویتربی معروف شده است.

کدهای کانولوشن را می‌توان به سه گروه تقسیم بندی نمود: ۱- کدهایی که در کانالهای تصادفی بکار می‌روند. ۲- کدهایی که در کانالهای حافظه دار- که دارای خطاهای گروهی<sup>۶</sup> هستند- استفاده می‌شوند. ۳- کدهایی که در کانالهای مرکب به منظور مقابله با ترکیب خطاهای تصادفی و گروهی مورد استفاده قرار می‌گیرند. آلگوریتم‌های کدگشایی "حد اکثر شباهت" و "منطق اکثریت" در حالت کلی به منظور تصحیح خطاهای تصادفی بکار گرفته می‌شوند. ساختارهایی نظری کدهای *Iwadare-Massey, Berlekamp-Preparata* کدهایی هستند که به منظور تصحیح خطاهای گروهی ابداع شده‌اند<sup>۷</sup>/۱۰۱، /۹۱. برای تصحیح خطاهای تصادفی و گروهی (به طور همزمان) ساختارهای متنوعی وجود دارد. از جمله آنها می‌توان به کدهای درهم شده<sup>۸</sup>، /۹۱، /۹۱، کدهای پخش شده<sup>۹</sup> و کدهای زنجیره‌ای<sup>۱۰</sup> اشاره کرد/۹۱. روش کدینگ و فقی گالاگر<sup>۱۱</sup>/۹۱ و روش وفتی ویتربی<sup>۱۲</sup>/۱۱ نیز از جمله روش‌های تصحیح کننده خطاهای گروهی و تصادفی هستند که روش اول از لحاظ تصحیح خطاهای تصادفی از عملکرد پابینی برخوردار است، در حالی که روش دوم علاوه بر داشتن عملکرد مناسب برای تصحیح خطاهای گروهی- بواسطه استفاده از آلگوریتم ویتربی- از لحاظ تصحیح خطاهای تصادفی نیز حائز رفتار مناسبی است.

در این مقاله ابتدا مشخصات کانال تصویر و فرمان مشخص شده و با توجه به مشخصات کانالها، روش کدینگ مناسب برای استفاده در کانالهای موردنظر پیشنهاد می‌شود. در پیش سوم، با استفاده از شبیه‌سازی، عملکرد روش‌های انتخاب شده موردنبررسی قرار می‌گیرد. در پیش چهارم روش "نمونه برداری براساس اهمیت" را به طور خلاصه موردنبررسی فرارداده و نتایج بدست آمده از این روش برای تخمین خطاهای خیلی کوچک (کمتر از<sup>۱۱</sup>-۱۰) ارائه می‌شود. سرانجام در آخرین بخش، نتیجه گیری کلی مقاله مطرح خواهد شد.

## ۲- برگزیدن روش کدینگ مناسب

برای انتخاب روش کدینگ مناسب برای یک مسیر ارتباط رادیویی نظری شکل (۱)، لازم است مشخصات

۱- Maximum Likelihood.

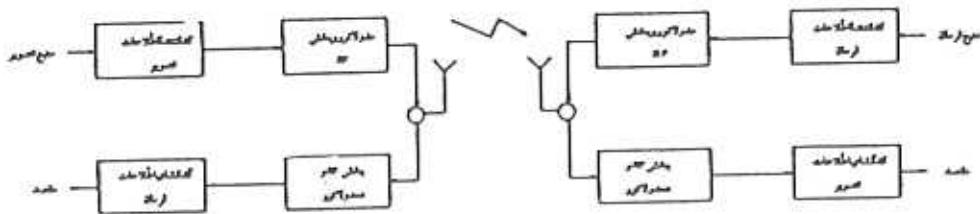
۲- stack.

۳- Burst.

۴- Interleaved code.

۵- Diffuse code.

۶- Concatenate code.



شکل(۱) بلوك دياگرام سيم ارتباط راديوسي جهت ارسال اطلاعات تصوير و فرمان

نویزی کانالها و برخی از پارامترهای مهم نظیر سرعت ارسال اطلاعات مدنظر فرار گیرد. همانطور که ملاحظه می شود، در این سیستم مسیر پرگشتی برای ارسال مجدد اطلاعات تعییه نشده است، بنابراین برای کنترل خطای در این مسیر ارتباطی باید از روش‌های FEC استفاده کرد. سطح آستانه خطابای دو کanal مذکور<sup>۱</sup> (در حالت بدون استفاده از کدینگ) در نظر گرفته شده است و بالا جام کدینگ مناسب باشد سطح آستانه خطابای کanal تصویر به کمتر از  $5^{\circ}$  و برای کanal فرمان به کمتر از  $-7^{\circ}$  برسد. میزان کد<sup>۲</sup> برای کanal تصویر  $\frac{7}{8}$  و برای کanal فرمان  $\frac{1}{2}$  در نظر گرفته شده است. نوع مدولاسیون بکار گرفته شده از نوع BPSK با آشکارسازی همدوس<sup>۳</sup> می باشد و خطای هر دو کanal نیاز از تصادفی است که از نویز AWGN ناشی می گردد.

باقیجه به خطای قابل تحمل برای کanal تصویر<sup>(۴)</sup> (۱۰)، که مورد نظر باید از عملکرد بالای برخوردار باشد. بدین جهت استفاده از روش‌های نظیر منطق اکثریت متفقی است. استفاده از الگوریتم ویترینی و آلگوریتم‌های پی دریی اگرچه دارای عملکرد خوبی هستند ولی بواسطه میزان کد بالای این کanal، استفاده از این روشها بسیار پیچیده است و عملاً مقرر نیست. باقیجه به اینکه کد کانولوشن (۸, ۷, m) دارای میزان کد  $\frac{1}{n}$  است، می توان از کدهای غربال شده<sup>۵</sup> برای این منظور استفاده کرد. کدهای غربال شده، کدهایی با میزان کد بالا هستند که پیچیدگی کدگشایی مقادیر قابل توجهی کاهش می دهند. این کدها با استفاده از روش‌های کدگشایی نظیر ویترینی، بهره کدینگ بالای رافراهم می کنند. مطالعه و پیاده سازی اولیه این کدها از سال ۱۹۷۲ آغاز شد و توسط Cain، ساختار این کدها معرفی شد<sup>(۶)</sup> (۱۵/۱۶). کدهای غربال شده با بکارگیری آلگوریتم ویترینی و علاوه بر آن استفاده از روش تصمیم‌گیری نرم<sup>(۷)</sup> عملکرد خوبی رافراهم می کنند. کدهای غربال شده کدهایی با میزان کد بالا هستند که از حذف حساب شده برخی از بیتهاي دنباله کد شده کدهای با میزان کد پایین (کد اصلی) بددست می آیند. کد اصلی - که دارای میزان کد پایین است - به صورت تناوبی توسط يك "نماد حذف" غربال می شود تا دنباله کد موردنظر فراهم شود. میزان کد بددست آمده در این روش به میزان کد، کد اصلی و تعداد بیتهاي حذف شده در هر دوره تناوب وابسته است. روش کدگشایی در این کدها مطابق با کدگشایی کد اصلی صورت می گیرد با این تفاوت که هنگام کدگشایی، بجای بیتهاي حذف شده بیتهاي خنثی و بی اثری را به دنباله دریافت شده اضافه می کنند.

1. Code Rate.

2. Coherent.

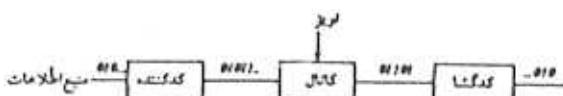
3. Punctured code.

4. Soft decision.

در کانال فرمان، میزان کد  $\frac{1}{3}$  در نظر گرفته شده است و خطای قابل تحمل در سطح آستانه مفروض  $10^{-7}$  می باشد. با توجه به عملکرد بسیار خوب الگوریتم وینری در میزان کدهای پایین (نظیر  $\frac{1}{2}$  و  $\frac{1}{3}$ ) امروزه از این الگوریتم به نفع مؤثری برای کد کردن اطلاعاتی که ماهیت داده ای دارد (نظیر داده های کامپیوتروی، فرمان تله متري و نظایر آنها) استفاده می شود. بدین جهت استفاده از الگوریتم وینری روش مناسبی برای کد کردن اطلاعات فرمان است و عملکرد بسیار بالايی را برای این کانال فراهم می کند.

### ۳- شبیه سازی

شبیه سازی کامپیوتروی یکی از روش های بررسی سیستمها است که رفتار سیستم را مدل سازی کرده و امکان مطالعه بیشتر و تغییر رفتار سیستم به ازای تغییر بار امتر های اجزاء آن را فراهم می کند. یکی از روش های بررسی عملکرد روش های کدینگ، شبیه سازی کامپیوتروی است. شبیه سازی کامپیوتروی در عین داشتن دقت مناسب، بسیار وقت گیر می باشد. او لبین بخش عملی در اجرای شبیه سازی، مدل سازی کامپیوتروی است. مدل سازی کامپیوتروی شامل دو قسمت عمده کد کننده و کد گشای است. برای انجام مدل سازی، مدل کلی سیستم به صورت شکل (۲) در نظر گرفته می شود.



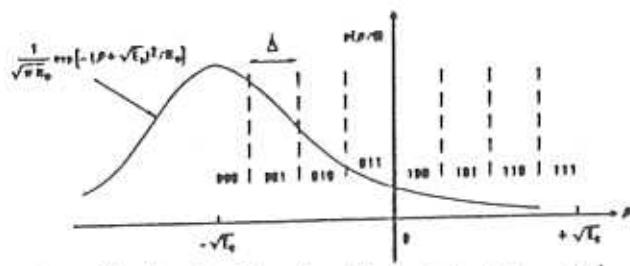
شکل (۲) مدل کلی در نظر گرفته شده برای یک مسیر ارتباطی

بخش دیگر مدل، در نظر گرفتن اثر نویز کانال بر روی بیتهاي اطلاعات است. تاثیر نویز با توجه به نسبت سیگنال به نویز ( $\frac{Eb}{N_0}$ ) مشخص می شود. برای یک روش سیگنالینگ با یافری همدوس نظری  $BPSK$  احتمال خطای رابطه  $P = \sqrt{\frac{2E_b}{N_0}}$  ب دست می آید. شکل (۳) نابع چگالی احتمال شرطی خروجی فیلتر منطبق، هنگامی که صفر ارسال شده باشد را نشان می دهد. همانطور که ملاحظه می شود، برای تصمیم گیری سخت<sup>۱</sup>، سطح آستانه صفر بوده و احتمال خطای زرابطه فوق ب دست می آید. بنابراین برای شبیه سازی در حالت تصمیم گیری سخت می توان نمونه های یک متغیر تصادفی گوسی را با توجه به مقدار سیگنال به نویز، تولید کرده و توسط آن دنباله های کد شده را خراب نمود. با توجه به اینکه کانال از نوع  $BSC$  است می توان ابتدا احتمال خطای کانال را محاسبه و برای ایجاد تاثیر نویز از نمونه های یک متغیر تصادفی یکنواخت در فاصله (۰،۱) استفاده نمود. این کار از سرعت بالاتری برخوردار است.

در صورتی که از روش تصمیم گیری نرم استفاده شود، فاصله بین  $\sqrt{E_b} + \sqrt{E_b}$ - رابه ۸ فسیم تقسیم می کنیم. انتخاب سطوح کوانتیزیشن از اهمیت زیادی برخوردار است و تاثیر زیادی بر عملکرد کد گشایی دارد. یک انتخاب مناسب و عملی، استفاده از سطوح کوانتیزیشن یکنواخت و استفاده از متریک خطی نظری شکل (۳)

است. /۴/

1- Hard decision.



شکل (۳).تابع چگالی احتمال شرطی خروجی فیلتر منطبق هنگامی که صفر ارسال شده باشد.

در این حالت فاصله سطوح کوانتیزیشن  $\Delta = \frac{2\sqrt{E_S}}{\sqrt{N}}$  در نظر گرفته می شود. این سطوح اگرچه بهینه نیستند ولی از لحاظ عملکرد، با سطوح بهینه اختلاف چندانی ندارند (۴). با مقایسه نمونه های تصادفی تولید شده (با تابع چگالی احتمال گوسی) با سطوح کوانتیزیشن، مقادیر صفر ناچارا به دنباله کد شده نسبت می دهیم. کد گشادر این روش به ازای هر بیت از دنباله کد ارسالی، سه بیت را دریافت می کند.

در مرحله شبیه سازی با اصطلاحا "طرح آزمایش شبیه سازی"، کد کننده و کد گشادر یک برنامه واحد عمل کدینگ را مشابه سازی می کنند. روند نمای برنامه شبیه سازی به صورت شکل (۴) می باشد. این یک شبیه سازی مستقیم مونت کارلو است و ساختار کدینگ موردنظر را خوبی مدل سازی می کند. در این بخش از شبیه سازی، صحت و اعتبار شبیه سازی به طور نسبی مورد بررسی قرار می گیرد. برای بررسی عملکرد روش کدینگ



شکل ۴- روند نمای طرح اولیه آزمایش شبیه سازی.

و تخمین خطاهای کوچک، روش مونت کارلو مناسب نیست و عملاً بدست آوردن احتمال خطاهای کمتر از  $10^{-4}$  بسختی انجام می پذیرد. مثلاً برای تخمین احتمال خطای کد گشایی ( $P_e$ ) بادقت تقریبی  $10\%$  لازم است، تعداد بیت‌های هر آزمایش شبیه سازی از مرتبه  $\frac{1}{P_e}$  باشد (۸). مثلاً برای تخمین خطای  $10^{-4}$ ، نیاز به

شبیه‌سازی حدود  $10^{-8}$  است از اطلاعات می‌باشد.

#### ۴- نمونه برداری براساس اهمیت و تخمین خطاهای خیلی کوچک

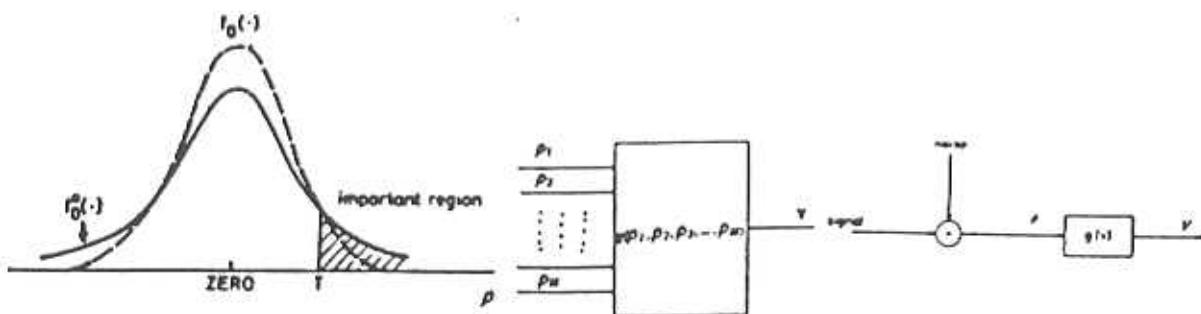
برای تخمین میزان خطأ (BER) در شبیه‌سازی‌های کامپیوتري سیستمهای مخابراتی، روش‌های مختلفی وجود دارد<sup>۱/۲</sup> که روش  $IS$  یکی از آن روش‌هاست. روش  $IS$  امروزه روش عامی برای تخمین خطأ در سیستمهای مخابرات دیجیتال و آشکارسازی است. از آین روش برای تخمین خطاهای خیلی کوچک در سیستمهای مخابراتی کد شده<sup>۳</sup> نبزمی توان استفاده کرد. در شبیه‌سازی کدهای کانولوشن، برداشتن می‌توان روش  $IS$  را اعمال کرد، یکی براساس روش تخمین بلوکی<sup>۱/۲</sup> و دیگری براساس رویدادهای خطأ

<sup>۱/۲</sup> برای تخمین خطاهای کوچک در شبیه‌سازی حاضراز روش تخمین بلوکی استفاده شده است.

تخمین یک بیت در خروجی کدگشا، به تعدادی از رودی‌های کدگشا وابسته است. بنابراین برای تخمین خطاهای کوچک با بذار روش  $IS$  برای سیستمهای حافظه دار استفاده کرد. برای یک سیستم بدون حافظه، احتمال خطأ روی یک بیت دلخواه به صورت زیر بدست می‌آید:

$$P_b = P_r / T = \int_{-\infty}^{+\infty} D(v) f_r(v) dv = \text{ارسال صفر / خطأ} \quad (1-1)$$

در رابطه  $1-1$ ،  $T$  یک آستانه تضعیف‌گیری است و ارتباط  $v$  و  $\rho$  توسط مدل شبیه‌سازی می‌شوند. رابطه  $1-1$  را



شکل ۶- مدل یک گیرنده بدون حافظه

شکل ۷- تابع چگالی احتمال گرایش داده شده

شکل ۵- مدل یک گیرنده بدون حافظه دار

$$\text{می‌توان بر حسب تابع چگالی احتمال ورودی نیز بازنویسی کرد:} \\ P_b = \int_{-\infty}^{+\infty} D(g(\rho)) f_0(\rho) d\rho \quad D(v) = \begin{cases} 1 & v \geq T \\ 0 & v < T \end{cases}$$

بابکار گیری نمایش فوق، تخمین  $P_b$  از روی نمونه‌های تصادفی ورودی با توزیع  $f_0(\rho)$  و شمارش خطاهای ایجاد شده در خروجی سیستم شبیه‌سازی شده، باروش مونت کارلو به صورت زیر قابل حصول است:

$$\hat{P}_b = \frac{1}{N_{mc}} \cdot \sum_{i=1}^{N_{mc}} D(g(\rho_i)) \quad (2-1)$$

در این عبارت  $N_{mc}$  کل تعداد بیت‌های مشاهده شده و  $(\rho_i)$  تابع انتقال سیستم است. در روش  $IS$  با گرایش<sup>۲</sup> دادن به تابع چگالی احتمال ورودی، تابع چگالی احتمال جدیدی نظری شکل (۷) بدست می‌آید این تابع چگالی

1- Importance sampling

2- Coded communication system

3- Bias

احتمال دارای واریانسی بزرگتر از  $\sigma^2$  است، لذا احتمال بروز خطأ در خروجی، به مرتبه زیادتر خواهد شد.

در این حالت احتمال خطای بیان شده در رابطه ۱-۱ رامی توان به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$P_b = \int_{-\infty}^{+\infty} [D/g(\rho)] \frac{f_0(\rho)}{f_0'(\rho)} d\rho \quad (3-1)$$

در عبارت فوق  $\frac{f_0(\rho)}{f_0'(\rho)}$  مشخص کننده مقدار وزن ورودی است. این رابطه نشان می‌دهد که در شبیه‌سازی باروشن IS می‌توان، با نمونه برداری نصادفی ازتابع چگالی ورودی و سپس محاسبه خطاهای وزن دار خروجی که توسط نویزگرايش داده شده ورودی تولید شده‌اند، مقدار  $P_b$  را تخمین زد. بنابراین برای تخمین  $P_b$  در روش IS می‌توان از رابطه زیر استفاده کرد:

$$\hat{P}_b = \frac{1}{N_b} \sum_{i=1}^{N_b} D/g(p_i) \approx p_i \quad (4-1)$$

در عبارت فوق  $N_b$  تعداد کل بیت‌های مشاهده شده در خروجی و  $p_i$  وزن متناظر با آمین نمونه از ولتاژ دنیاله دریافتی است.

در یک سیستم حافظه دار تخمین خروجی به  $M$  ورودی متناظر با آن وابسته است. پارامتر  $M$  (یا حافظه مؤثر) بطور ساده بیانگر تعداد ورودی‌های دریافتی است که در تضمیم گیری روی یک بیت خاص مؤثر است. اگر  $M$  ورودی، مستقل از هم باشند، مقدار وزن  $w$  برابر با حاصل ضرب وزنهای  $M$  ورودی متناظر خواهد شد، یعنی:

$$w(v_i) = \prod_{j=1}^M w_j \quad (5-1)$$

احتمال خطأ در این حالت نظری رابطه ۱-۴ بدست می‌آید. کanal AWGN یکی از کانال‌هایی است که اجازه می‌دهد روش IS را برای کدهای کانولوشن بکار ببریم. برای این کanal ورودی‌های کدگشا شامل  $M$  سیگنال و  $M$  مؤلفه نویز جمع شونده است.

$$\rho = S + N = |S_1 + N_1, S_2 + N_2, \dots, S_M + N_M| \quad (6-1)$$

بنابراین برای احتمال خطأ، رابطه زیر برقرار می‌باشد:

$$P_b = \int_{-\infty}^{+\infty} D/g(S+n) f_S(s) f_N(n) ds dn \quad (7-1)$$

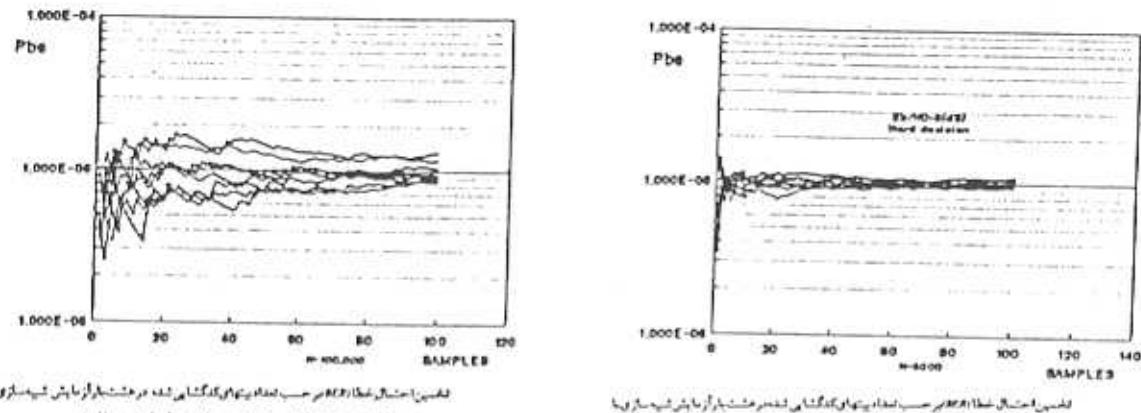
( $f_S(s)$  و  $f_N(n)$  نوایع چگالی احتمال چند بعدی سیگنال و نویز است. حال می‌توان روش IS را منحصر با وزن دهنی نویز ورودی بدست آورد)، یعنی:

$$P_b = \int_{-\infty}^{+\infty} [D/g(S+n) f_S(s) \frac{f_N(n)}{f_N'(n)}] f_N'(n) ds dn \quad (8-1)$$

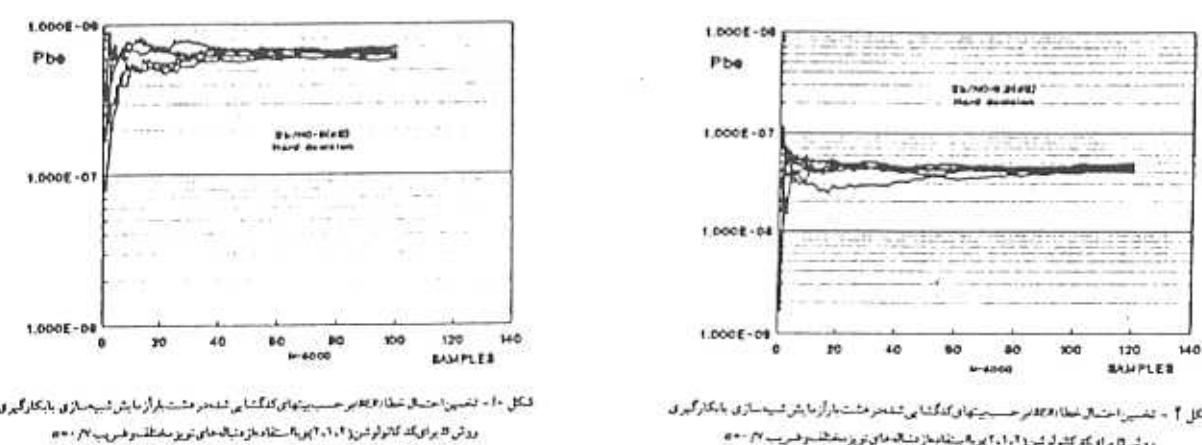
برای کدگشا می‌توان حافظه مؤثری حدود  $M=n(2T+1)$  را در نظر گرفت (۷). در این عبارت  $T$  طول برش<sup>۱</sup> کدمی باشد. ( $f_N'(n)$  تابع چگالی احتمال گرايش داده شده نویز ورودی است که واریانس آن رامی توان  $\frac{1}{1-\alpha}$  در نظر گرفت. استفاده از روش IS به نحو مؤثری می‌تواند تعداد نمونه‌های شبیه‌سازی شده را کاهش دهد. به عنوان مثال شکل (۸)، نتایج آزمایش شبیه‌سازی مونت کارلوی کد کانولوشن (۲، ۱، ۲) را نشان می‌دهد. بالاتر روش IS ملاحظه می‌شود که تنها با شبیه‌سازی ده هزار بیت در هر آزمایش می‌توان به واریانس تخمینی کمتر از روش مونت کارلو-که از شبیه‌سازی ده میلیون بیت در هر آزمایش بدست آمده است- دست یافته.

1- Truncation length.

شکل (۹ و ۱۰) نتایج شبیه‌سازی این کد را در سیگنال به نویزهای ۹/۸ دسیبل نشان می‌دهد، با توجه به نتایج بدست آمده ملاحظه گردید که روش ۱۵ برای تخمین خطاهای کوچک در شبیه‌سازی حاضر می‌تواند مفید واقع شود و اگرچه در کد های با حافظه بزرگتر این روش از عملکرد خوبی برخوردار نیست، با این وجود مدت زمان شبیه‌سازی به نحو مطلوبی کاهش می‌یابد.

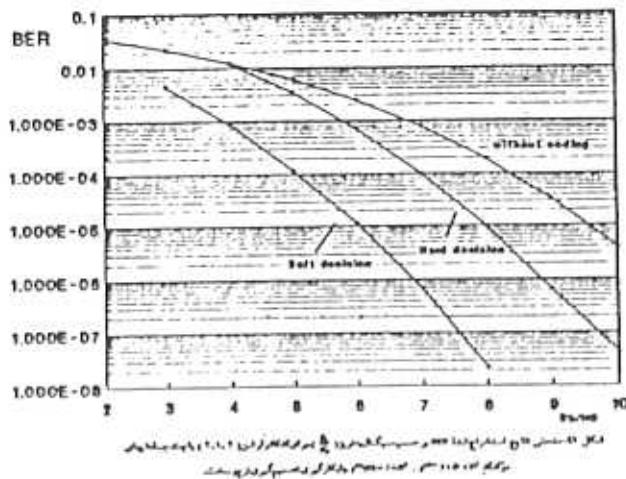


شکل (۸)

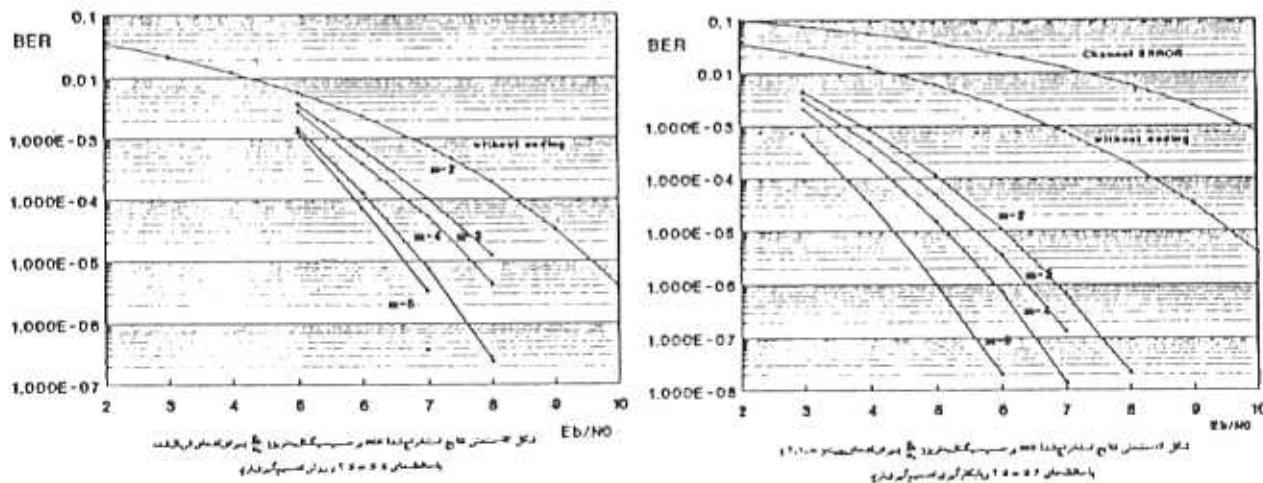


## ۵ - نتایج بدست آمده از شبیه‌سازی کامپیو تری

با حصول اطمینان از برنامه های شبیه‌سازی و کارآیی روش ۱۵ برای تخمین خطاهای کوچک، استخراج نتایج برای کانال تصویر و فرمان انجام گرفت. با استخراج نتایج حاصل از شبیه‌سازی کد کانولوشن (۲،۱،۲) (با روش تصمیم گیری نرم و سخت) و استخراج منحنی BER بر حسب سیگنال به نویز ( $\frac{E_b}{N_0}$ ) برای این کد (شکل (۱۱)) و مقایسه این منحنی ها با منحنی های موجود، صحت شبیه‌سازی تأیید می‌گردد. این منحنی ها کارآیی استفاده از روش تصمیم گیری نرم با سطوح کوانتیزیشن بکنوخت را نشان می‌دهد. شکل های (۱۲ و ۱۳) نتایج استخراج شده از شبیه‌سازی کد های کانولوشن (۲،۱،۳) و کد های غریبال شده (۸،۷،۳) را نشان می‌دهد.



نمودار ۱۲- نتایج اثرباره از استفاده از کد کانولوشن با مقداری مخصوصی از خطا در یک شبکه مخابراتی پهن باند



نمودار ۱۳- نتایج اثرباره از استفاده از کد کانولوشن با مقداری مخصوصی از خطا در یک شبکه مخابراتی پهن باند

## ۶- نتیجه گیری

منحنی های BER در شکل (۱۲) نشان می دهد که با بکارگیری کد کانولوشن ( $4, 1, 2$ ) می توان در آستانه موردنظر به احتمال خطای کمتر از  $10^{-7}$  دست یافت. استفاده از کدهای کانولوشن با بن مرتبه حافظه، از لحاظ پیچیدگی مشکلی را در بر نخواهد داشت. بطور کلی پیچیدگی سخت افزار کدهایی که دارای حافظه ای کمتر از  $6$  هستند در حد متوسطی قرار دارد. نتایج بدست آمده از کدهای غربال شده با میزان کد  $\frac{7}{8}$  برای کانال تصویر نتایج خوبی را در برداشتند. این شبیه سازی که براساس تصمیم گیری نرم انجام شد، نشان می دهد که کد کانولوشن غربال شده که از کد اصلی ( $m, 1, 2, 4$ ) با حافظه ای بیش از  $m=4$  حاصل می شود، عملکرد مطلوبی را فراهم می کند و سطح آستانه خطای کمتر از  $10^{-5}$  می رساند. استفاده از این کد نیز بدلیل اینکه دارای حافظه کوچکی است، پیچیدگی چندانی را به سیستم تحمیل نمی کند، لذا این کد برای کانال تصویر مناسب و قابل استفاده است.

## مراجع:

- ۱۱) دخیل علیان، محمد، طراحی و شبیه سازی کدهای کانولوشن، پایان نامه کارشناسی ارشد، مهندسی برق - مخابرات، دانشگاه تربیت مدرس، ۱۳۷۲.
- [2] Begin,G.,Haccoun,D. "High-Rate Punctured Convolutional codes:  
Structure Properties and Construction Technique",  
*IEEE Trans. on Commun.*, Vol.37 ,No.12, pp.1381-1385,December 1989.
- [3] Cain,J.B., Clark,G.C. and Geist,J., "Punctured Convolutional Codes  
of rate  $(n-1)/n$  and simplified maximum likelihood decoding",  
*IEEE Trans. on Inf. Theory*, Vol. IT-25, pp.97-100, Jan. 1979.
- [4] Clark, G.C., Cain,J.B. and Jr., Error-Correction Coding For Digital  
Communication, Plenum Press, New York, 1982
- [5] Forney,G.D.,JR," The Viterbi Algorithm ",*IEEE Proc.*, Vol 61  
No.3, pp.268-278, March 1973.
- [6] Haccoun,D.,Begin,G., " High-Rate Punctured Convolutional Codes For  
Viterbi and Sequential Decoding ",*IEEE Trans. on Commun.*  
Vol.37, No.11, pp.1113-1125, November 1989.
- [7] Herro, M.A. ,Nowak, J.M " Simulated Viterbi decoding using Importance  
Sampling ", *IEEE Proc.* , Vol. 135 PLF, No. 2 ,pp. 133-142, April 1988.
- [8] Jeruchim , M.C. " Techniques For Estimating the Bit Error Rate in  
the Simulation of Digital Communication Systems ",  
*IEEE J. Sel. Areas Commun.* , Vol. SAC-2 , NO. 1,pp. 153-170,January 1984
- [9] Lin,S. , Costello,Jr ., Error Control Coding: Fundamentals and Applications ,  
NJ : Prentice-Hall, 1983.
- [10] Peterson,W.W. ,Weldon,E.J. , Error-Correcting Codes ,  
Colonial Press, Inc. ,U.S.A. , 1972.
- [11] Sadowsky, J.S. " A New Method For Viterbi Decoder Simulation Using  
Importance Sampling", *IEEE, Trans. on Commun.* . Vol. 38 , No.9 ,  
pp. 1341-1351, Sept. 1990.
- [12] Schlegel, C.B. ,Herro, M.A., " A Burst-Error-Correcting Viterbi Algorithm ",  
*IEEE Trans. on Commun.* Vol. 38 , No. 3, pp. 285-291, March 1990.
- [13] Shanmuvigam, K.S. ,Balaban, P. " A Modified Monte-Carlo Simulation  
Technique For the Evaluation of Error Rate in Digital Communication  
Systems", *IEEE Trans. on Commun.* , Vol. Com-28 , No. 11, pp. 1916-1921,  
November 1980.
- [14] Shannon, C.E. , "A Mathematical Theory of Communication ",  
*Bell Syst.Tech.J* , 27, pp. 379-423 (part1), 623-656(Part2), July 1948.
- [15] Yasuda, Y. , Kashiki, K. and Hirata, Y." High-rate Punctured  
Convolutional Codes For Soft decision Viterbi decoding ",  
*IEEE Trans. on Commun.* Vol. COM-32, pp. 315-319, March 1984.